

Διακριτά Μαθηματικά

Διδάσκοντες: **Δ. Φωτάκης, Δ. Σούλιου**

Επιμέλεια διαφανειών: **Δ. Φωτάκης**

Σχολή Ηλεκτρολόγων Μηχανικών
και Μηχανικών Υπολογιστών

Εθνικό Μετσόβιο Πολυτεχνείο



Οργανωτικά

- Διδάσκοντες: **Δ. Φωτάκης, Δ. Σούλιου**
- 4 ώρες **θεωρία** (WebEx): **Δευτέρα, 12:45-14:30,**
και **Παρασκευή, 10:45-12:30.**
- Προαιρετικά 2 ώρες **φροντιστήριο** (3 ή 4 διαλέξεις, WebEx)
 - **Τετάρτη 12:45 -14:30(,)**
- Βαθμολογία:
 - 70% τελική εξέταση (ασκήσεις, αν γραπτή εξέταση)
 - 20% online ασκήσεις (6 σειρές)
 - 25% γραπτές ασκήσεις (3 σειρές)
- Ιστοσελίδα: http://www.softlab.ntua.gr/~fotakis/discrete_math

Επικοινωνία

- Δ. Φωτάκης:
 - **E-mail:** fotakis@cs.ntua.gr
 - **Τηλεφ:** 210 7724302
 - **Γραφείο:** 1.1.10, παλαιό κτήριο ΣΗΜΜΥ
 - **Ώρες γραφείου:** Δευτέρα 14:30–15:00 (WebEx)

- Δ. Σούλιου:
 - **E-mail:** dsouliou@mail.ntua.gr
 - **Τηλεφ:** 210 7721644
 - **Γραφείο:** 1.1.30, παλαιό κτήριο ΣΗΜΜΥ
 - **Ώρες γραφείου:** Πέμπτη 16:00-17:00 (WebEx)

Αντικείμενο

- **Αντικείμενο:** έννοιες και τεχνικές για (μαθηματική) αντιμετώπιση «διακριτών» αντικειμένων και δομών.
 - Φυσικοί, ακέραιοι, ρητοί αριθμοί.
 - **Σύνολα**, σχέσεις (σε σύνολα) και ακολουθίες («διακριτό» πεδίο ορισμού).
 - **Γραφήματα** («εργαλείο» μοντελοποίησης δικτύων και αναπαράστασης διμελών σχέσεων).
 - **Συνδυαστική**, γεννήτριες συναρτήσεις, αναδρομικές σχέσεις.
- Περιγραφή, ιδιότητες, τεχνικές απόδειξης, απαρίθμηση, γλώσσα, ...
- «**Μαθηματικά της Επιστήμης των Υπολογιστών**»;
 - Υπολογιστές λειτουργούν σε «διακριτά» βήματα και επεξεργάζονται «διακριτά» αντικείμενα.
 - **Μοντελοποίηση** και **μαθηματική ανάλυση** πλήθους εφαρμογών.
 - **Αυτόνομος σημαντικός κλάδος μαθηματικών με πλήθος εφαρμογών.**

Παραδείγματα Εφαρμογών

- Σχεδιασμός και ανάλυση αλγορίθμων.
 - Υπολογιστική πολυπλοκότητα (αθροίσματα, αναδρομικές εξισώσεις).
 - Αποδείξεις ορθότητας (επαγωγή, ...).
 - **Αλγοριθμικές τεχνικές:** αναδρομικοί αλγόριθμοι, δυναμικός προγραμματισμός, τεχνικές βελτιστοποίησης, αλγόριθμοι γραφημάτων, πιθανοτικοί αλγόριθμοι, ...
- Υπολογιστική Πολυπλοκότητα
 - Μαθηματική λογική, διαγωνιοποίηση, ...
- Δίκτυα (τηλεπικοινωνιακά, συγκοινωνιακά): γραφήματα.
- Δομές δεδομένων: δέντρα αναζήτησης, hashing, ...
- Γλώσσες προγραμματισμού: μαθ. λογική, σύνολα, γραφήματα, ...
- Κρυπτογραφία: θεωρία αριθμών.

Ύλη

- Έμφαση: **έννοιες, ιδιότητες, απόδειξη.**
 - **Σύνολα**, πράξεις συνόλων, (μη-)αριθμήσιμα σύνολα.
 - Στοιχεία **μαθηματικής λογικής**: προτασιακή, κατηγορηματική
 - **Σχέσεις**, διμελείς σχέσεις, κλειστότητες, ισοδυναμίες και διατάξεις.
 - **Αποδεικτικές τεχνικές**: διαγωνιοποίηση, επαγωγή, περιστρώνας.
 - Στοιχεία **θεωρίας γραφημάτων**: βασικές έννοιες, μονοπάτια και αποστάσεις, (συνδεδετικά) δέντρα, επίπεδα γραφήματα, συνεκτικότητα.
 - **Συνδυαστική** απαρίθμηση και στοιχεία **διακριτής πιθανότητας**.
 - **Γεννήτριες συναρτήσεις** και εφαρμογές.
 - [Επίλυση αναδρομικών σχέσεων.]
 - [Ασυμπτωτική εκτίμηση και ασυμπτωτικός συμβολισμός.]
 - [Στοιχεία **θεωρίας αριθμών**.]

Βιβλιογραφία

- ❑ Rosen. Discrete Mathematics and its Applications.
- ❑ Hunter. Essentials of Discrete Mathematics.
- ❑ Epp. Discrete Mathematics with Applications.
- ❑ Liu. Στοιχεία Διακριτών Μαθηματικών.
- ❑ Graham, Knuth, Patashnik. Concrete Mathematics.
- ❑ Βουτσαδάκης, Κυρούσης, Μπούρας, Σπυράκης.
Διακριτά Μαθηματικά (Συνδυαστική, Γεννήτριες Συναρτήσεις, Ασκήσεις).
- ❑ Grimaldi. Discrete and Combinatorial Mathematics.
- ❑ Liu. Introduction to Combinatorial Mathematics (60's).
- ❑ Κουτσουπιάς. Μαθηματικά Πληροφορικής.
- ❑ Lovasz, Pelikan, Vesztergombi. Discrete Mathematics.
- ❑ Πολλά-πολλά ακόμη βιβλία και ιστοσελίδες μαθημάτων.

... και βιβλιογραφία

- Δοξιάδης. Ο Θείος Πέτρος και η Εικασία του Γκόλντμπαχ.
- Δοξιάδης και Παπαδημητρίου. Logicomix.
- Guedj. Θεώρημα του Παπαγάλου.
- Guedj. Η Έπαυλη των Ανδρών.
- ...